

# Didactische aspecten van algoritmiek

Erik Barendsen (Radboud Universiteit & Open Universiteit)

*Nascholing Algoritmisch Denken, TUD & RU, 2016-2017, versie 23 II*

Radboud Universiteit



## Didactische aspecten

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

(Magnusson, Krajcik & Borko, 1999; Van Driel & Henze, 2012)

Radboud Universiteit



# Het nieuwe examenprogramma

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

## Kernprogramma

|          |                     |
|----------|---------------------|
| Domein A | <b>Vaardigheden</b> |
| Domein B | <b>Grondslagen</b>  |
| Domein C | <b>Informatie</b>   |
| Domein D | <b>Programmeren</b> |
| Domein E | <b>Architectuur</b> |
| Domein F | <b>Interactie</b>   |

## Keuzethema's

|          |                                                                |
|----------|----------------------------------------------------------------|
| Domein G | <b>Algoritmie, berekenbaarheid en logica</b>                   |
| Domein H | <b>Databases</b>                                               |
| Domein I | <b>Cognitive computing</b>                                     |
| Domein J | <b>Programmeerparadigma's</b>                                  |
| Domein K | <b>Computerarchitectuur</b>                                    |
| Domein L | <b>Netwerken</b>                                               |
| Domein M | <b>Physical computing</b>                                      |
| Domein N | <b>Security</b>                                                |
| Domein O | <b>Usability</b>                                               |
| Domein P | <b>User experience</b>                                         |
| Domein Q | <b>Maatschappelijke en individuele invloed van informatica</b> |
| Domein R | <b>Computational science</b>                                   |

(Barendsen & Tolboom, 2016;  
Barendsen, Grgurina & Tolboom, 2016)

Radboud Universiteit



## Domein A: Vaardigheden

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

- **Ontwerpen en ontwikkelen**
- **Informatica hanteren als perspectief**
- **Samenwerken en interdisciplinariteit**
- Ethisch handelen
- Informatica-instrumentarium hanteren
- Werken in contexten
- *Algemene vaardigheden*
- *Wetenschappelijke vaardigheden*

Radboud Universiteit



## Ontwerpen en ontwikkelen

De kandidaat kan

- in een context mogelijkheden zien voor het inzetten van digitale artefacten;
- deze mogelijkheden vertalen tot een doelstelling voor ontwerp en ontwikkeling, daarbij technische factoren, omgevingsfactoren en menselijke factoren betrekken;
- wensen en eisen specificeren en deze op haalbaarheid toetsen;
- een digitaal artefact ontwerpen;
- bij het ontwerp van een digitaal artefact keuzes afwegen via onderzoeken en experimenteren;
- een digitaal artefact implementeren;
- de kwaliteit van digitale artefacten evalueren,

en deze vaardigheden in samenhang inzetten voor het ontwikkelen van digitale artefacten.

## Domein B: Grondslagen

### Algoritmen

De kandidaat kan

- een oplossingsrichting voor een probleem uitwerken tot een algoritme;
- daarbij standaardalgoritmen herkennen en gebruiken;
- de correctheid en efficiëntie van digitale artefacten onderzoeken via de achterliggende algoritmen.

### Datastructuren

De kandidaat kan verschillende abstracte datastructuren met elkaar vergelijken op elegantie en efficiëntie.

### Automaten

De kandidaat kan eindige automaten gebruiken voor de karakterisering van bepaalde algoritmen.

### Grammatica's

De kandidaat kan grammatica's hanteren als hulpmiddel bij de beschrijving van talen.

## Domein D: Programmeren

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

### Ontwikkelen

De kandidaat kan, voor een gegeven doelstelling,

- programmacomponenten ontwikkelen in een imperatieve programmeertaal;
- daarbij programmeertaalconstructies gebruiken die abstractie ondersteunen;
- programmacomponenten zodanig structureren dat ze door anderen gemakkelijk te begrijpen en te evalueren zijn.

### Inspecteren en aanpassen

De kandidaat kan

- structuur en werking van gegeven programmacomponenten uitleggen;
- zulke programmacomponenten aanpassen op basis van evaluatie of veranderde eisen.

Radboud Universiteit



## Domein G: Keuzethema Algoritmiek, berekenbaarheid en logica

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

### Complexiteit van algoritmen

De kandidaat kan

(havo:) van gegeven algoritmen de complexiteit vergelijken, en kan klassieke *moeilijke* problemen herkennen en benoemen.

(vwo:) het verschil tussen exponentiële en polynomiale complexiteit uitleggen, kan algoritmen op basis hiervan onderscheiden, en kan klassieke *moeilijke* problemen herkennen en benoemen.

### Berekenbaarheid

De kandidaat kan berekeningen op verschillende abstractieniveaus karakteriseren en relateren, en kan klassieke *onberekenbare* problemen herkennen en benoemen.

### Logica

De kandidaat kan eigenschappen van digitale artefacten uitdrukken in logische formules.

Radboud Universiteit



# Computational thinking

- algoritmisch denken
- decompositie
- generalisatie
- abstractie
- evaluatie

(Wing, 2006; CSTA, 2011; Selby & Woollard, 2013)

Radboud Universiteit

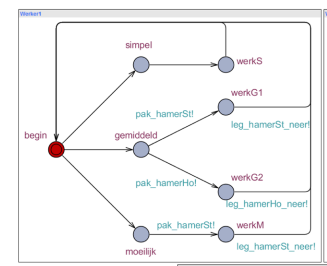
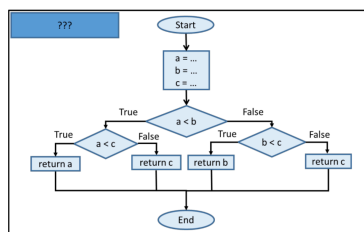


## Representatie van algoritmen

- natuurlijke taal
- pseudocode
- stroomdiagrammen
- eindige automaten
- programmacode?

```
{Input: Gesorteerde array A[0 ... N-1], element x}
{Output: index i met A[i] = x, als zo'n i bestaat;
0, als x < A[0];
de grootste i met A[i-1] < x, anders}

1. onder = 0; boven = N-1;
2. while ( onder < boven ) do
    mid = (onder + boven) / 2;
    if ( A[mid] < x )
        then onder = mid+1
        else boven = mid
3. return onder
```



(Smetsters-Weeda, 2016)

Radboud Universiteit



# Automaten

leerdoelen (wat en waarom)

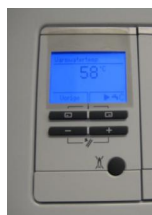
begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

ondervisaanpak

toetsing

- met dank aan Erik Poll, Sjaak Smetsers, Simon Peyton Jones

Radboud Universiteit



leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

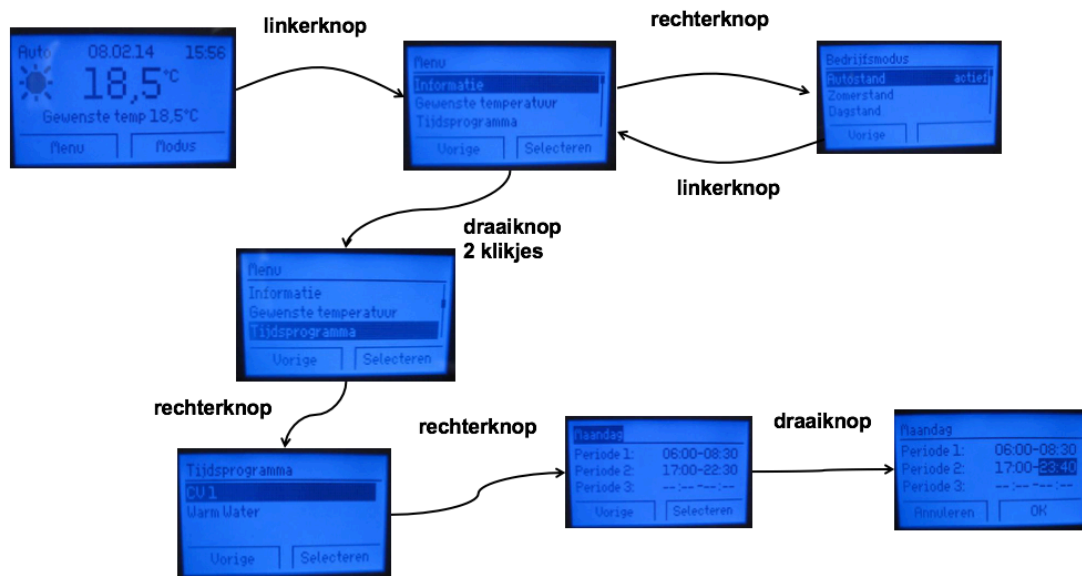
ondervisaanpak

toetsing

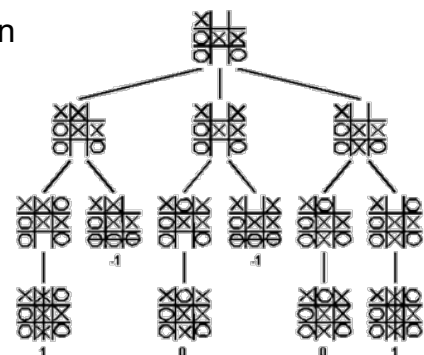
Radboud Universiteit







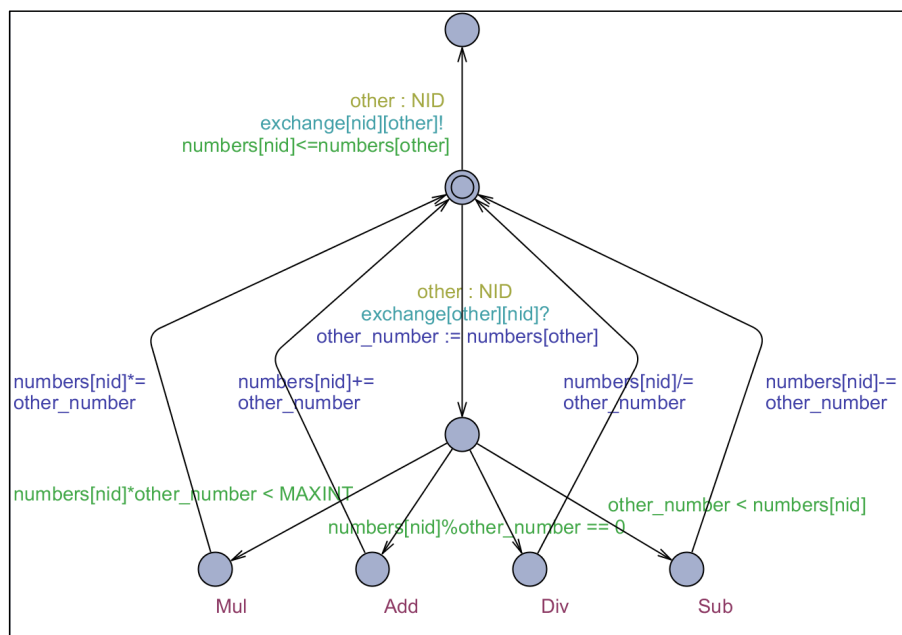
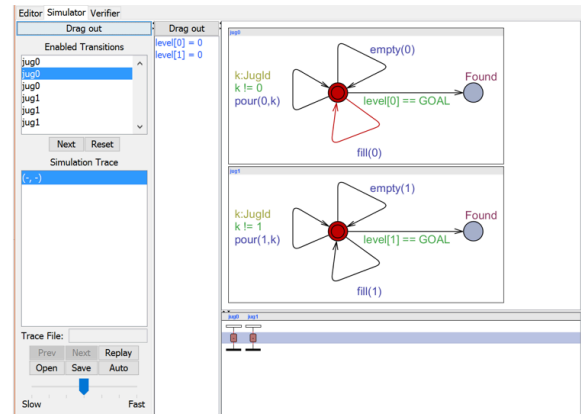
- Eindige automaat: toestanden en toestandsovergangen (transities)
- Elke computer/systeem/programma heeft gedrag dat in termen van toestanden en transities te beschrijven is  
(maar in het ene geval is dat handiger/buikbaarder dan in het andere)
- Veel puzzels en spelletjes zijn ook zo te begrijpen



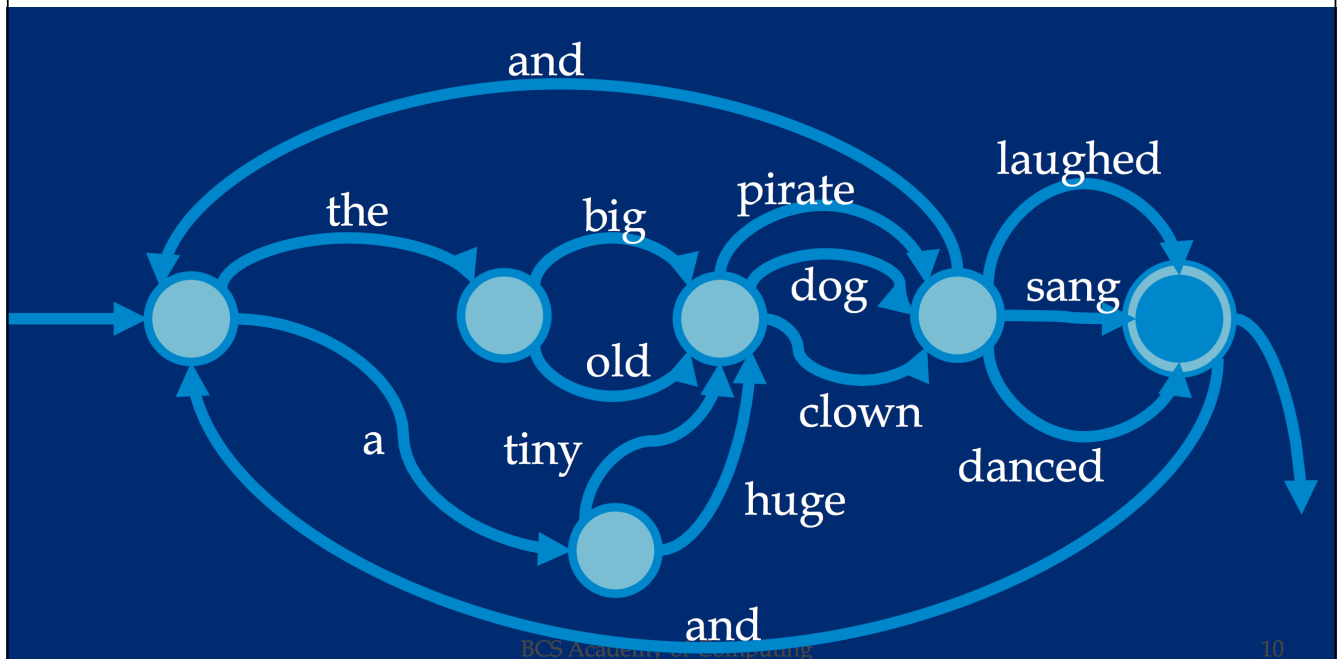
## Example: Jug Filling

- movie: [Die hard with vengeance](#)
- Given:
  - a five gallon jug
  - a three gallon jug
  - a way to fill up the jugs
  - a way to pour out water
- End up with:
  - exactly 4 gallons of water in one of the jugs.

## Jug filling – Simulator







## Ontwikkeling van leerlingen: leren programmeren

- enkele dia's overgenomen uit: keynote Raymond Lister, WiPSCE 2016

(Lister, 2016)

## Traceren

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

```
int x = 7;  
int y = 5;  
int z = 3;  
  
x = y;  
z = x;  
y = z;
```

- welke waarde heeft x na afloop?
- en y? en z?

Radboud Universiteit



## Uitleggen

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

```
if (y1 < y2):  
    Code to swap the values in  
    y1 and y2 goes here.  
  
if (y2 < y3):  
    Code to swap the values in  
    y2 and y3 goes here.  
  
if (y1 < y2):  
    Code to swap the values in  
    y1 and y2 goes here.
```

- wat is de bedoeling van dit programma?

Radboud Universiteit



# Performance on Exam Questions

Score on Code Writing Questions

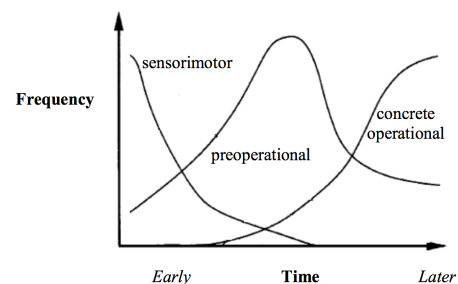
Combined

Score on  
Explaining Questions

Score on  
Tracing Questions

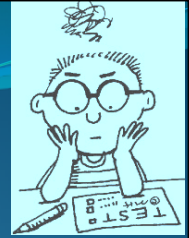
## Neo-Piagetiaans model: vier ontwikkelingsfasen

- sensorimotor  
**kan niet traceren**  
incoherent begrip van programma-executie
- pre-operationeel  
**kan regels code traceren** (“met de hand executeren”)  
raadt naar werking van code door voorbeelden te traceren
- concreet-operationeel  
**kan redeneren over programmacode**  
door de code zelf te lezen
- formeel-operationeel  
**redeneert op expertniveau**, incl. reflectie



# Preoperational “Donald”

(2 - 3 minutes)



```
if ( y1 < y2 ) {  
    swap y1 and y2  
}  
if ( y2 < y3 ) {  
    swap y2 and y3  
}  
if ( y1 < y2 ) {  
    swap y1 and y2  
}
```

*y1 = 3  
y2 = 2  
y3 = 1*

*To reverse the values  
stored in y1, y2 and y3*

See [BOOKMARKED Donald\\_230911\\_pp. 67~68](#)

## Alternatieve concepties / misconcepties

- Misconcepties over controlstructuren, variabelen
- *notional machine*
- Misconcepties over efficiëntie
  - Een korter programma is efficiënter
  - Twee programma's met dezelfde instructies zijn even efficiënt
  - Hoe minder variabelen, des te efficiënter is het programma

```
void A(){  
    int n = 100;  
    output("This program prints n lines.");  
    for ( int i = 0; i < n; i = i + 1 ){  
        output ("Line No." + i);  
    }  
    n = n + 500;  
}  
void B(){  
    int n = 100;  
    n = n + 500;  
    output("This program prints n lines.");  
    for ( int i = 0; i < n; i = i + 1 ){  
        output ("Line No." + i);  
    }  
}
```

(Du Boulay, 1986; Sorva, 2013; Gal-Ezer & Zur, 2004;  
Shah, Capovilla & Hubwieser, 2015)

# Bever-opgaven als onderwijs- en toetsvorm

leerdoelen (wat en waarom)

begrip van leerlingen (mogelijkheden en beperkingen)

onderwijsaanpak

toetsing

- classificatie: abstractie, algoritmisch denken, decompositie, evaluatie, generalisatie

[Vorige](#) [Volgende](#) Rechthoeken?

Een robot is gespecialiseerd in het tekenen van rechthoeken.  
De robot kan de volgende eenvoudige opdrachten uitvoeren:

|         |                                          |
|---------|------------------------------------------|
| Oraanje | teken een oranje lijn met lengte 1       |
| Zwart   | teken een zwarte lijn met lengte 1       |
| Draai   | draai 90° met de wijzers van de klok mee |

Daarnaast kan de robot de volgende opdrachten uitvoeren,  
die uit opdrachten A en B samengesteld wordt.  
A en B kunnen ook een eenvoudige opdracht zijn maar ook een opdrachtenlijst:

|                |   |                        |
|----------------|---|------------------------|
| A              | B | voer A uit en daarna B |
| $n \times (A)$ |   | voer B n-maal uit      |

De robot dient de volgende tekening op te leveren.



Welke opdrachtenlijst geeft **NIE**t de gewenste tekening?

|                                                         |
|---------------------------------------------------------|
| 4x(Zwart), 3x(Oranje, Draai), Oranje, 2x(Zwart)         |
| 4x(2x(Oranje, Draai), Oranje, 3x(Zwart), Oranje, Draai) |
| 4x(3x(Zwart, 3x(Oranje, Draai), Oranje)                 |
| 4x(2x(Oranje, Draai), 3x(Zwart), 2x(Oranje, Draai))     |

**Bebras**

International Challenge on Informatics  
and Computational Thinking



(Barendsen et al., 2015; Dagienė & Sentance, 2016)

Radboud Universiteit



## Literatuur

- Barendsen, E., Grgurina, N., & Tolboom, J. (2016). A new informatics curriculum for secondary education in The Netherlands. In A. Brodnik & F. Tort (Eds.), *Informatics in schools: Improvement of informatics knowledge and perception* (pp. 105–117). Springer.
- Barendsen, E., Mannila, L., Demo, B., Grgurina, N., Izu, C., Mirolo, C., . . . Stupurienė, G. (2015). Concepts in K–9 computer science education. In *Proceedings of the 2015 ITiCSE on Working Group Reports* (pp. 85–116). ACM.
- Barendsen, E., & Tolboom, J. (2016). *Advies examenprogramma informatica vwo-havo: inhoud en invoering*. Enschede: SLO.
- CSTA. (2011). *Computational thinking teacher resources, second edition*. (Retrieved from <http://csta.acm.org/Curriculum/sub/CompThinking.html>, July 2013.)
- Dagienė, V., & Sentance, S. (2016). It's Computational Thinking! Bebras tasks in the curriculum. In *International conference on informatics in schools: Situation, evolution, and perspectives* (pp. 28–39).
- Du Boulay, B. (1986). Some difficulties of learning to program. *Journal of Educational Computing Research*, 2(1), 57–73.

Radboud Universiteit



- Gal-Ezer, J., & Zur, E. (2004). The efficiency of algorithms—misconceptions. *Computers & Education*, 42(3), 215–226.
- Lister, R. (2016). Toward a developmental epistemology of computer programming. In *Proceedings of the 11th workshop in primary and secondary computing education* (pp. 5–16).
- Magnusson, S., Krajcik, J., & Borko, H. (1999). Nature, sources, and development of pedagogical content knowledge for science teaching. In J. Gess-Newsome & N. G. Lederman (Eds.), *Examining pedagogical content knowledge* (pp. 95–132). Dordrecht: Kluwer.
- Selby, C., & Woollard, J. (2013). *Computational thinking: the developing definition*. Retrieved November 2016, from <http://eprints.soton.ac.uk/356481>
- Shah, P., Capovilla, D., & Hubwieser, P. (2015). Searching for barriers to learning iteration and runtime in computer science. In *Proceedings of the workshop in primary and secondary computing education* (pp. 73–75).
- Smetsers-Weeda, R. (2016). *Think. . . then act(): Flowcharts as a tool for novice programmers to enhance their problem solving skills*. Unpublished master's thesis, Delft University of Technology.
- Sorva, J. (2013). Notional machines and introductory programming education. *ACM Transactions on Computing Education*, 13(2), 8.



- Van Driel, J. H., & Henze, I. (2012). *Extended paper for PCK Summit, Colorado 2012*. Retrieved from <http://pcksummit.bsccs.org>.
- Wing, J. M. (2006). Computational thinking. *Communications of the ACM*, 49(3), 33–35.

